

# Grundbegriffe der Informatik

## Tutorium 1 - 1. Sitzung

Dennis Felsing

`dennis.felsing@student.kit.edu`

`http://www.stud.uni-karlsruhe.de/~ubcqr/2010w/tut\_gbi/`

2010-10-25



# Vorstellung

## Ich

- Dennis Felsing
- Informatik Bachelor 3. Semester
- GBI vor einem Jahr bei Worsch
- Hobby: Radfahren

# Vorstellung

## Ich

- Dennis Felsing
- Informatik Bachelor 3. Semester
- GBI vor einem Jahr bei Worsch
- Hobby: Radfahren

**Und ihr?**

# Tutorium

## Sinn des Tutoriums

- Vorlesungsstoff vertiefen
- Vorlesungsstoff anwenden
- Fragen beantworten

# Tutorium

## Sinn des Tutoriums

- Vorlesungsstoff vertiefen
- Vorlesungsstoff anwenden
- Fragen beantworten

## Kontakt

- Vorlesung: <http://gbi.ira.uka.de>
- Tutorium:  
[http://www.stud.uni-karlsruhe.de/~ubcqr/2010w/tut\\_gbi](http://www.stud.uni-karlsruhe.de/~ubcqr/2010w/tut_gbi)
- Forum: <http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/forum>

# Übungsblätter

## Termine

- Ausgabe: Mittwochs nach Vorlesung
- Bearbeitung: Zehn Tage Zeit
- Abgabe: Freitags 12:30 in Kasten im Untergeschoss Informatik-Hauptgebäude (wo wir gerade sind)

# Übungsblätter

## Termine

- Ausgabe: Mittwochs nach Vorlesung
- Bearbeitung: Zehn Tage Zeit
- Abgabe: Freitags 12:30 in Kasten im Untergeschoss Informatik-Hauptgebäude (wo wir gerade sind)

## Bearbeitung

- Gruppenarbeit erlaubt
- **Keine Gruppenabgabe**
- Deckblatt ausfüllen
- Leserlich schreiben

# Modulprüfung

## Übungsschein

- Mindestens **50% der Punkte** bei Übungsblättern
- Notwendig für Modul
- **Anmeldung im Studienportal**
- Keine Klausurvoraussetzung



# Modulprüfung

## Übungsschein

- Mindestens **50% der Punkte** bei Übungsblättern
- Notwendig für Modul
- **Anmeldung im Studienportal**
- Keine Klausurvoraussetzung

## Klausur

- Notwendig für Modul
- Anmeldung im Studienportal
- Spätestens im zweiten Semester versuchen
- Spätestens im dritten Semester bestehen

# Überblick

- 1 Nachrichten, Informationen
- 2 Mengen, Alphabete
- 3 Relationen
- 4 Logik

# Nachrichten, Informationen

## Definitionen

**Signal** Veränderung physikalischer Größen (z.B. Licht, Schall, Elektrischer Strom) um etwas mitzuteilen

**Inschrift** Speicherung einer Mitteilung (z.B. auf Papier, USB-Stick)

**Nachricht** Was bei Signalen gesendet und bei Inschriften gespeichert wird, unabhängig vom Medium; werden von Programmen verarbeitet

**Information** Interpretation einer Nachricht, dem Rechner unbekannt

**Datum** Singular von „Daten“

# Mengen, Alphabete

- 1 Nachrichten, Informationen
- 2 Mengen, Alphabete**
  - Mengen, Teilmengen, Alphabete
  - Kartesisches Produkt
- 3 Relationen
- 4 Logik

# Mengen, Teilmengen, Alphabete

## Definitionen

**Menge** Zusammenfassung gleichartiger Elemente, unabhängig von Reihenfolge

$\emptyset, \{\}$  Leere Menge, enthält keine Elemente

**Teilmenge** B Teilmenge von A, wenn A alle Elemente aus B enthält

**Alphabet** Endliche, nichtleere Menge von Zeichen

# Mengen, Teilmengen, Alphabete

## Definitionen

**Menge** Zusammenfassung gleichartiger Elemente, unabhängig von Reihenfolge

$\emptyset, \{\}$  Leere Menge, enthält keine Elemente

**Teilmenge** B Teilmenge von A, wenn A alle Elemente aus B enthält

**Alphabet** Endliche, nichtleere Menge von Zeichen

## Beispiele

$\mathbb{N}_+ = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$ : Menge der natürlichen Zahlen

$\{2, 3\} \subset \{2, 3, 5, 7, 9\}$  (echte Teilmenge)

$\{d, b\} \subseteq \{b, d\}$  (Teilmenge), aber  $\{d, b\} \not\subset \{b, d\}$

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge?

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ?



# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}$ ,  $\{a\}$ ,  $\{b\}$ ,  $\{c\}$ ,  $\{a, b\}$ ,  $\{a, c\}$ ,  $\{b, c\}$ ,  $\{a, b, c\}$

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}$ ,  $\{a\}$ ,  $\{b\}$ ,  $\{c\}$ ,  $\{a, b\}$ ,  $\{a, c\}$ ,  $\{b, c\}$ ,  $\{a, b, c\}$

Welche Teilmengen hat jede Menge  $A$ ?

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}$ ,  $\{a\}$ ,  $\{b\}$ ,  $\{c\}$ ,  $\{a, b\}$ ,  $\{a, c\}$ ,  $\{b, c\}$ ,  $\{a, b, c\}$

Welche Teilmengen hat jede Menge  $A$ ?  $\emptyset, A$

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}$ ,  $\{a\}$ ,  $\{b\}$ ,  $\{c\}$ ,  $\{a, b\}$ ,  $\{a, c\}$ ,  $\{b, c\}$ ,  $\{a, b, c\}$

Welche Teilmengen hat jede Menge  $A$ ?  $\emptyset, A$

Wie viele einelementige und wie viele zweielementige Teilmengen hat  $\{2, 3, 5, 7, 9\}$ ?

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$

Welche Teilmengen hat jede Menge  $A$ ?  $\emptyset, A$

Wie viele einelementige und wie viele zweielementige Teilmengen hat  $\{2, 3, 5, 7, 9\}$ ? 5 einelementige, 10 zweielementige

# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$

Welche Teilmengen hat jede Menge  $A$ ?  $\emptyset, A$

Wie viele einelementige und wie viele zweielementige Teilmengen hat  $\{2, 3, 5, 7, 9\}$ ? 5 einelementige, 10 zweielementige

Sei  $A = \{42, 43, 44\}$ . Welche von  $\{42, 44\}, \{44, 43, 42\}, \{\}, \{42, \emptyset\}$  sind Teilmengen von  $A$ ?



# Aufgaben

Ist  $\{a, b, c\}$  eine Menge? Ja.

Gilt  $\{a, b, c\} = \{b, a, c\}$ ? Ja.

Welche Teilmengen von  $\{a, b, c\}$  gibt es?

$\{\}, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$

Welche Teilmengen hat jede Menge  $A$ ?  $\emptyset, A$

Wie viele einelementige und wie viele zweielementige Teilmengen hat  $\{2, 3, 5, 7, 9\}$ ? 5 einelementige, 10 zweielementige

Sei  $A = \{42, 43, 44\}$ . Welche von  $\{42, 44\}, \{44, 43, 42\}, \{\}, \{42, \emptyset\}$  sind Teilmengen von  $A$ ? Alle außer  $\{42, \emptyset\}$

# Kartesisches Produkt

## Definition

$A \times B$  Menge aller Paare mit dem ersten Element aus  $A$  und dem zweiten aus  $B$

$$A \times B = \{(a, b) | a \in A \text{ und } b \in B\}$$

# Kartesisches Produkt

## Definition

$A \times B$  Menge aller Paare mit dem ersten Element aus  $A$  und dem zweiten aus  $B$

$$A \times B = \{(a, b) | a \in A \text{ und } b \in B\}$$

## Beispiel

$$\{a, b\} \times \{1, 2, 3\} = \{(a, 1), (a, 2), (a, 3), (b, 1), (b, 2), (b, 3)\}$$

# Kartesisches Produkt

## Definition

$A \times B$  Menge aller Paare mit dem ersten Element aus  $A$  und dem zweiten aus  $B$

$$A \times B = \{(a, b) | a \in A \text{ und } b \in B\}$$

## Beispiel

$$\{a, b\} \times \{1, 2, 3\} = \{(a, 1), (a, 2), (a, 3), (b, 1), (b, 2), (b, 3)\}$$

## Achtung

Menge:  $\{a, 1\} = \{1, a\}$

Tupel:  $(a, 1) \neq (1, a)$

# Relationen

- 1 Nachrichten, Informationen
- 2 Mengen, Alphabete
- 3 Relationen**
  - Allgemein
  - Spezialfälle
  - Abbildungen
- 4 Logik

# Relationen (allgemein)

## Definition

**Relation  $R$  von  $A$  in  $B$**  Teilmenge  $R$  des kartesischen Produkts von  $A$  und  $B$

$$R \subseteq A \times B$$

# Relationen (allgemein)

## Definition

**Relation R von A in B** Teilmenge R des kartesischen Produkts von A und B

$$R \subseteq A \times B$$

**Relation S auf A** Relation von A in A, also  $S \subseteq A \times A$

# Relationen (allgemein)

## Definition

**Relation R von A in B** Teilmenge R des kartesischen Produkts von A und B

$$R \subseteq A \times B$$

**Relation S auf A** Relation von A in A, also  $S \subseteq A \times A$

## Beispiel

„Kleiner-gleich-Relation“ auf  $\{1, 2, 3\}$ :

$$R_{\leq} = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 2), (2, 3), (3, 3)\}$$

Wir schreiben  $(1, 2) \in R_{\leq}$  oder in der Infixschreibweise  $1 \leq 2$



# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} =$

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} =$   
 $\{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

„Kleiner-Relation“ von  $\{3, 2, 4\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{<} =$

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

„Kleiner-Relation“ von  $\{3, 2, 4\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{<} = \emptyset$

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

„Kleiner-Relation“ von  $\{3, 2, 4\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{<} = \emptyset$

Sei  $A$  eine beliebige Menge.  
Welche Relationen  $R \subseteq A \times \emptyset$  gibt es?

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

„Kleiner-Relation“ von  $\{3, 2, 4\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{<} = \emptyset$

Sei  $A$  eine beliebige Menge.

Welche Relationen  $R \subseteq A \times \emptyset$  gibt es? Nur  $R = \emptyset$ .

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

„Kleiner-Relation“ von  $\{3, 2, 4\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{<} = \emptyset$

Sei  $A$  eine beliebige Menge.

Welche Relationen  $R \subseteq A \times \emptyset$  gibt es? Nur  $R = \emptyset$ .

Welche Relationen  $R \subseteq \emptyset \times A$  gibt es?

# Aufgaben

„Größer-Relation“ von  $\{3, 2, 1\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{>} = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2)\}$

„Kleiner-Relation“ von  $\{3, 2, 4\}$  in  $\{1, 2\}$ .  $R_{<} = \emptyset$

Sei  $A$  eine beliebige Menge.

Welche Relationen  $R \subseteq A \times \emptyset$  gibt es? Nur  $R = \emptyset$ .

Welche Relationen  $R \subseteq \emptyset \times A$  gibt es? Nur  $R = \emptyset$ .



# Spezialfälle

Wir betrachten die Relation  $R \subseteq A \times B$ .

## Linkstotal

Jedes Element aus  $A$  steht in Relation zu einem Element aus  $B$ .

### **oder**

Es gibt kein Element aus  $A$ , das zu keinem Element aus  $B$  in Relation steht.

# Spezialfälle

Wir betrachten die Relation  $R \subseteq A \times B$ .

## Linkstotal

Jedes Element aus  $A$  steht in Relation zu einem Element aus  $B$ .

**oder**

Es gibt kein Element aus  $A$ , das zu keinem Element aus  $B$  in Relation steht.

## Rechtseindeutig

Kein Element aus  $A$  steht zu mehr als einem Element aus  $B$  in Relation. **oder**

Jedes Element aus  $A$  steht zu höchstens einem Element aus  $B$  in Relation. **oder**

Für alle  $(a, b) \in R$  und  $(a, c) \in R$  gilt  $b = c$ .

# Spezialfälle

Wir betrachten die Relation  $R \subseteq A \times B$

## Rechtstotal

Zu jedem Element aus  $B$  steht ein Element aus  $A$  in Relation. **oder**  
Es gibt kein Element aus  $B$ , zu dem kein Element aus  $A$  in Relation steht.

# Spezialfälle

Wir betrachten die Relation  $R \subseteq A \times B$

## Rechtstotal

Zu jedem Element aus  $B$  steht ein Element aus  $A$  in Relation. **oder**  
Es gibt kein Element aus  $B$ , zu dem kein Element aus  $A$  in Relation steht.

## Linkseindeutig

Zu keinem Element aus  $B$  steht mehr als ein Element aus  $A$  in Relation. **oder**

Zu jedem Element aus  $B$  steht höchstens ein Element aus  $A$  in Relation. **oder**

Für alle  $(a, b) \in R$  und  $(c, b) \in R$  gilt  $a = c$ .

# Aufgaben

## Attribute

**Linkstotal** Jedes Element aus A hat mindestens einen Partner in B.

**Rechtseindeutig** Jedes Element aus A hat höchstens einen Partner in B.

**Rechtstotal** Jedes Element aus B hat mindestens einen Partner in A.

**Linkseindeutig** Jedes Element aus B hat höchstens einen Partner in A.

## Frage

Welche Attribute haben diese Relationen? (siehe Tafel)

# Abbildungen

## Definitionen

**Funktion/Abbildung**  $f : A \rightarrow B$  Linkstotale und rechtseindeutige  
Relationen  $f \subseteq A \times B$

**Injektive Abbildung** linkseindeutig

**Surjektive Abbildung** rechtstotal

**Bijektive Abbildung** injektiv und surjektiv

# Abbildungen

## Definitionen

**Funktion/Abbildung**  $f : A \rightarrow B$  Linkstotale und rechtseindeutige  
Relationen  $f \subseteq A \times B$

**Injektive Abbildung** linkseindeutig

**Surjektive Abbildung** rechtstotal

**Bijektive Abbildung** injektiv und surjektiv

## Achtung

Zu einer Abbildung  $f : A \rightarrow B$  gehören auch der Definitionsbereich  $A$  und Zielbereich  $B$ .

# Aufgabe

Sei  $A$  endlich und  $f : A \rightarrow A$ .

- Zeige: Wenn  $f$  injektiv, dann auch surjektiv.
- Zeige: Wenn  $f$  surjektiv, dann auch injektiv.
- Zeige: Wenn  $A$  unendlich ist, dann stimmen diese Behauptungen nicht mehr.



# Logik

- 1 Nachrichten, Informationen
- 2 Mengen, Alphabete
- 3 Relationen
- 4 Logik**
  - Aussagenlogik
  - Äquivalenz

# Aussagenlogik

## Definition

Untersuchung des Wahrheitswertes von zusammengesetzten Aussagen aus Wahrheitswerten der Teilaussagen

# Aussagenlogik

## Definition

Untersuchung des Wahrheitswertes von zusammengesetzten Aussagen aus Wahrheitswerten der Teilaussagen

## Junktoren

**Negation**  $\neg A$

**Und**  $A \wedge B$

**Oder**  $A \vee B$

**Implikation**  $A \Rightarrow B$

# Aussagenlogik

## Wahrheitstabelle

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee (\neg A)$	$A \wedge (\neg A)$
f	f					
f	w					
w	f					
w	w					

# Aussagenlogik

## Wahrheitstabelle

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee (\neg A)$	$A \wedge (\neg A)$
f	f	w				
f	w	w				
w	f	f				
w	w	f				

# Aussagenlogik

## Wahrheitstabelle

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee (\neg A)$	$A \wedge (\neg A)$
f	f	w	f			
f	w	w	f			
w	f	f	f			
w	w	f	w			

# Aussagenlogik

## Wahrheitstabelle

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee (\neg A)$	$A \wedge (\neg A)$
f	f	w	f	f		
f	w	w	f	w		
w	f	f	f	w		
w	w	f	w	w		

# Aussagenlogik

## Wahrheitstabelle

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee (\neg A)$	$A \wedge (\neg A)$
f	f	w	f	f	w	
f	w	w	f	w	w	
w	f	f	f	w	w	
w	w	f	w	w	w	



# Aussagenlogik

## Wahrheitstabelle

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee (\neg A)$	$A \wedge (\neg A)$
f	f	w	f	f	w	f
f	w	w	f	w	w	f
w	f	f	f	w	w	f
w	w	f	w	w	w	f

# Aussagenlogik - Aufgabe

## Aussage

Großer Wind ohne Regen, kommt nicht gelegen.

## Teilaussagen

# Aussagenlogik - Aufgabe

## Aussage

Großer Wind ohne Regen, kommt nicht gelegen.

## Teilaussagen

A: „Großer Wind“

B: „Regen“

C: „Es kommt gelegen“

## Aussagenlogische Formel

# Aussagenlogik - Aufgabe

## Aussage

Großer Wind ohne Regen, kommt nicht gelegen.

## Teilaussagen

A: „Großer Wind“

B: „Regen“

C: „Es kommt gelegen“

## Aussagenlogische Formel

$$A \wedge (\neg B) \Rightarrow \neg C$$

# Äquivalenz

## Definition

Zwei Aussagen A und B heißen genau dann äquivalent, wenn sie bei gleichen Wahrheitswerten der Teilaussagen gleiche Wahrheitswerte haben.

# Äquivalenz

## Definition

Zwei Aussagen  $A$  und  $B$  heißen genau dann äquivalent, wenn sie bei gleichen Wahrheitswerten der Teilaussagen gleiche Wahrheitswerte haben.

## Beispiel

$A$	$B$	$(\neg A) \vee B$	$A \Rightarrow B$
f	f		
f	w		
w	f		
w	w		

# Äquivalenz

## Definition

Zwei Aussagen  $A$  und  $B$  heißen genau dann äquivalent, wenn sie bei gleichen Wahrheitswerten der Teilaussagen gleiche Wahrheitswerte haben.

## Beispiel

$A$	$B$	$(\neg A) \vee B$	$A \Rightarrow B$
f	f	w	
f	w	w	
w	f	f	
w	w	w	

# Äquivalenz

## Definition

Zwei Aussagen  $A$  und  $B$  heißen genau dann äquivalent, wenn sie bei gleichen Wahrheitswerten der Teilaussagen gleiche Wahrheitswerte haben.

## Beispiel

$A$	$B$	$(\neg A) \vee B$	$A \Rightarrow B$
f	f	w	w
f	w	w	w
w	f	f	f
w	w	w	w



# Äquivalenz

## Definition

Zwei Aussagen  $A$  und  $B$  heißen genau dann äquivalent, wenn sie bei gleichen Wahrheitswerten der Teilaussagen gleiche Wahrheitswerte haben.

## Beispiel

$A$	$B$	$(\neg A) \vee B$	$A \Rightarrow B$
f	f	w	w
f	w	w	w
w	f	f	f
w	w	w	w

Somit sind  $(\neg A) \vee B$  und  $A \Rightarrow B$  äquivalent, wir schreiben:

$$(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow ((\neg A) \vee B)$$

# Aufgaben

## Aufgabe

Wahrheitstabelle von  $(A \Rightarrow \neg B) \Rightarrow A$  anlegen und kurze äquivalente Formel finden

# Aufgaben

## Aufgabe

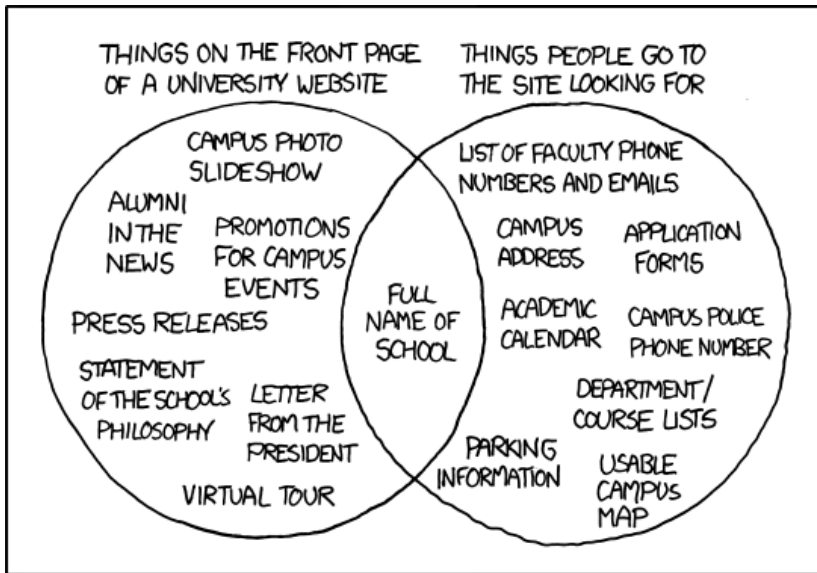
Wahrheitstabelle von  $(A \Rightarrow \neg B) \Rightarrow A$  anlegen und kurze äquivalente Formel finden

## Klausuraufgabe

Wahrheitstabelle von  $(A \Rightarrow B) \Rightarrow ((B \Rightarrow A) \Rightarrow B)$  anlegen und kurze äquivalente Formel finden

# Übersicht

- 1 **Nachrichten, Informationen**
  - Definitionen
- 2 **Mengen, Alphabete**
  - Mengen, Teilmengen, Alphabete
  - Kartesisches Produkt
- 3 **Relationen**
  - Allgemein
  - Spezialfälle
  - Abbildungen
- 4 **Logik**
  - Aussagenlogik
  - Äquivalenz



<http://xkcd.com/773>